

*20 !! ヒント !!

【式(9.17)の導出】

$$\cos 2\theta_n = \frac{1}{\sqrt{1+\tan^2 2\theta_n}} \text{ より, 式(9.16)を代入して, } \cos 2\theta_n = \frac{\sigma_x - \sigma_y}{\sqrt{(\sigma_x - \sigma_y)^2 + 4\tau_{xy}^2}}$$

また, $\sin 2\theta_n = \cos 2\theta_n \tan 2\theta_n$ より, 上式と式(9.16)を用いて

$$\sin 2\theta_n = \frac{(\sigma_x - \sigma_y) \tan 2\theta_n}{\sqrt{(\sigma_x - \sigma_y)^2 + 4\tau_{xy}^2}} = \frac{2\tau_{xy}}{\sqrt{(\sigma_x - \sigma_y)^2 + 4\tau_{xy}^2}}$$

得られた $\cos 2\theta_n$ と $\sin 2\theta_n$ を式(9.13)に代入する。

また, $\theta = \theta_n$ のとき, $\cos 2\theta = \cos 2\theta_n$, $\sin 2\theta = \sin 2\theta_n$

$\theta = \theta_n \pm \frac{\pi}{2}$ のとき, $\cos 2\theta = -\cos 2\theta_n$, $\sin 2\theta = -\sin 2\theta_n$

より, 式(9.17)右辺の \pm は, θ_n と $\theta_n \pm \frac{\pi}{2}$ に対応する。