構造力学第8章 Web にリンク

予習

1

(1)断面積 $A = 6 \times 10 = 60 \text{ mm}^2 = 60 \times 10^{-6} \text{ m}^2$

(2)単位面積あたりの強さ
$$y = \frac{P}{A} = \frac{18 \times 10^3}{60 \times 10^{-6}} = 3 \times 10^8 \text{ N/m}^2 = 300 \text{ MPa}$$

(3)伸びの比
$$x = \frac{\Delta l}{l} = \frac{3 \times 10^{-3}}{2} = 1.5 \times 10^{-3}$$
 (単位なし)

(4)比例定数
$$a = \frac{y}{x} = \frac{3 \times 10^8}{1.5 \times 10^{-3}} = 2 \times 10^{11} \text{ N/m}^2 = 200 \text{ GPa}$$

2.

この円は2点A,Bを通るので,

点 A:
$$(x_1-a)^2 + y_1^2 = r^2$$
, 点 B: $(x_2-a)^2 + y_1^2 = r^2$

明らかに,

$$(x_1-a)^2 = (x_2-a)^2 \rightarrow x_1-a = \pm (x_2-a)$$

 $x_1 > x_2 > 0$ であるから、 $x_1 - a = -(x_2 - a) = a - x_2$ $\rightarrow a = \frac{x_1 + x_2}{2}$ (2点 A,B の中点) また、半径 r は、

$$r = \sqrt{\left(\frac{x_1 - x_2}{2}\right)^2 + y_1^2}$$

この円とx軸との交点 D, E の座標は, 点 D:

$$X_1 = a + r = \frac{x_1 + x_2}{2} + \sqrt{\left(\frac{x_1 - x_2}{2}\right)^2 + y_1^2}$$

点 E:

$$X_2 = a - r = \frac{x_1 + x_2}{2} - \sqrt{\left(\frac{x_1 - x_2}{2}\right)^2 + y_1^2}$$

